



Fizikalni praktikum I

Poročilo

Vaja 13: Bernoullijeva enačba

Simon Bukovšek

Datum vaje: 29. november 2021

Datum oddaje poročila: 6. decemember 2021

1 Teoretični uvod

Dinamiko nestisljivih tekočin opisujejo Navier-Stokesove enačbe. Vendar za pretok po ceveh zadostuje Bernoullijeva enačba:

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2.$$

Ventourijeva cev je pripomoček za merjenje pretoka vode skozi cev. Sestavljena je iz cevi z dvema različnima premeroma skozi katero teče merjena tekočina ter živosrebno cevko, povezano na oba dela glavne cevi z različnima premeroma. Ker je volumneski pretok skozi ožji in debelejši del Ventourijeve cevi enak in sta na enaki višini, je razlika tlahko enaka:

$$p_1 - p_2 = \frac{\rho}{2} \left(\frac{1}{S_2^2} - \frac{1}{S_1^2} \right) \Phi_V^2 = k \Phi_V^2,$$

kjer sta S_1 in S_2 preseka sprednjega in zadnjega dela Ventourijeve cevi. Živo srebro, ki je s cevko povezan na oba dela se na enem delu dvigne, na drugem pa spusti. Razlika v višini spet sledi iz Bernoullijeve enačbe:

$$\Delta h = \frac{\Delta p}{g(\rho_{\text{Hg}} - \rho_{\text{H}_2\text{O}})}.$$

Tako lahko matematično povežemo spremembo višine živega srebra v Ventourijevi cevi in volumski pretok tekočine skozi cev:

$$\Phi_V = \sqrt{\frac{2g}{S_2^{-2} - S_1^{-2}} \left(\frac{\rho_{\text{Hg}}}{\rho_{\text{H}_2\text{O}}} - 1 \right)} \sqrt{\Delta h} = K \sqrt{\Delta h}.$$

2 Pripomočki

- Ventourijeva cev
- Merilni valj in štoparica
- Posoda s prilagodljivo višino za zagotavljanje enakomernega pretoka

3 Meritve

Pri treh različnih pretokih vode je bil pretok merjen s pomočjo Ventourijeve cevi in neposredno s štopanjem časa, da se napolni merilni valj.

4 Izmerjeni podatki

Izmerjeni podatki so podani o višinski razliki na Ventourijevi cevi (Δh) in času polnjenja enoliterskega valja so podani v naslednji tabeli.

količina	nizek pretok	srednji pretok	visok pretok
Δh [mm]	$3,0 \pm 0,5$	15 ± 1	35 ± 1
t_1 [s]	75 ± 1	$26,4 \pm 0,5$	$17,0 \pm 0,3$
t_2 [s]	78 ± 2	$26,1 \pm 0,5$	$16,7 \pm 0,3$
t_3 [s]	79 ± 1	$26,6 \pm 0,5$	$19,9 \pm 0,3$

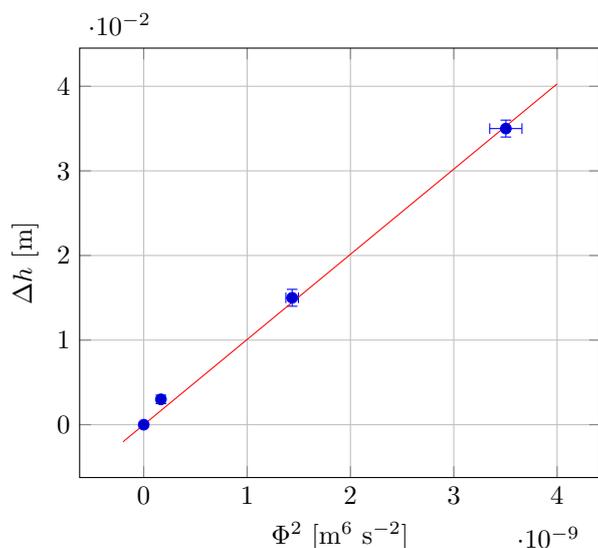
Kar je še pomembno sta polmera v Ventourijevi cevi: $d_1 = 12,8$ mm in $d_2 = 6,0$ mm, volumen valja $V = (1,00 \pm 0,01)$ L ter gostoti živega srebera in vode: $\rho_{\text{Hg}} = 13\,600$ kg m⁻³ in $\rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1000$ kg m⁻³.

5 Analiza podatkov

Iz danih podatkov lahko hitro izračunamo konstanto K za našo Ventourijevo cev: $K = 3,26 \cdot 10^{-4}$ m^{5/2} s⁻¹. Povprečni časi za nizek, srednji in visok pretok so v tem vrstnem redu (77 ± 3) s, ($26,4 \pm 0,3$) s in ($16,9 \pm 0,2$) s. Sedaj lahko predstavimo tabelo z izračunanimi in izmerjenimi volumskimi pretoki.

Δh	Φ (merjeno)	Φ (računano)
$(3,0 \pm 0,5)$ mm	$(1,29 \pm 0,06) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹	$(1,8 \pm 0,2) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹
(15 ± 1) mm	$(3,79 \pm 0,08) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹	$(4,0 \pm 0,2) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹
(35 ± 1) mm	$(5,92 \pm 0,13) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹	$(6,1 \pm 0,2) \cdot 10^{-5}$ m ³ s ⁻¹

Sedaj lahko s pomočjo izmerjenih pretokov in višinskih razlik živega srebera izračunamo koeficient uporabljene Ventourijeve cevi. To naredimo tako, da narišemo kvadrat pretoka v odvisnosti od razlike v višini živega srebera, pri tem pa naklonski koeficient linearnega prilaganja da inverz kvadrata iskanega koeficienta. Naklon premice je $(1,007 \pm 0,022) \cdot 10^{-7}$ s² m⁻⁵. To ustreza koeficientu Ventourijeve cevi



$K = (3,15 \pm 0,03) \cdot 10^{-4}$ m^{5/2} s⁻¹. Izmerjeni K se od izračunanega razlikuje za 3%.